

Név	azonosító	k

Mindegyik feladatban k helyére az egyénileg kapott, és a fejlécben feltüntetett paramétert kell behelyettesíteni, még a számítások megkezdése előtt! Paraméteres számolást nem fogadok el. Minden mellékszámítást mellékelni kell!

E. Oldjuk meg az alábbi lineáris egyenletrendszer Gauss-eliminációval! A p paraméter mely értéke mellett van az egyenletrendszernek megoldása, és mi ez a megoldás?

$$\begin{aligned}x + y - 4u + 3v &= 0 \\x + y - z - u + 2v &= 16 \\7x + y + z + 4u - v &= 6k \\2x + 2y + z - 3u - v &= 0 \\2x - y + z - u + 3v &= p\end{aligned}$$

I. Invertáljuk Gauss-eliminációval az alábbi mátrixot:

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 2 & -1 & -1 & 2 \\ 1 & 3 & 2 & -3 \\ -1 & 2 & 1 & -1 \\ 2 & -3 & -1 & 4 \end{pmatrix}$$

K. Egy kúpszelet egyenlete a következő:

$$(k^2 - 1)y^2 + 2kxy = \sqrt{k^2 + 1}(y - kx)$$

- Hozzuk a görbe egyenletét kanonikus alakra a gyakorlaton tanult módszerrel!
- Állapítsuk meg, hogy milyen típusú a kúpszelet!
- Adjuk meg a nagytengely végpontjainak koordinátáit az eredeti koordinátarendszerben!

M. Legyen

$$\mathbf{M} = \begin{pmatrix} 0 & k & 1 \\ -k & k^2 + 1 & 1 \\ k^2 - k & k^2 - k^3 & 1 \end{pmatrix}$$

Keressük meg az \mathbf{M} mátrix sajátértékeit, jobb- és baloldali sajátvektorait, majd számítsuk ki a

$$\mathbf{B} = \cos\left(\frac{\pi}{3}\mathbf{M}\right) \text{ mátrixot!}$$

D. Számítsuk ki az indexes deriválás módszerével az alábbi mezőt (a képletben \mathbf{a} és \mathbf{b} adott konstans vektorok, $\mathbf{e} = \mathbf{r}/r$):

$$\Delta \left(\frac{(\mathbf{a}\mathbf{e})^k}{(\mathbf{b}\mathbf{e})} \right)$$

F. A koordinátarendszer origójában, legalsó pontjával az xy síkra támaszkodva áll egy k sugarú gömb. A gömböt kilyukasztottuk egy egységnyi sugarú hengerrel, melynek tengelye párhuzamos a z tengellyel, és átmegy a gömb középpontján. Integráljuk a kilyukasztott gömbfelületre az alábbi vektormezőt:

$$\mathbf{v}(\mathbf{r}) = \begin{pmatrix} -x - y + z \\ y + kz \\ z - ky \end{pmatrix}$$